

〔 1 〕 (配点 50 点)

この問題の解答は、解答紙 15 の定められた場所に記入しなさい。

[問題]

座標空間内の 3 点 $A(1, 1, -5)$, $B(-1, -1, 7)$, $C(1, -1, 3)$ を通る平面を α とする。点 $P(a, b, t)$ を通り α に垂直な直線と xy 平面との交点を Q とする。

- (1) 点 Q の座標を求めよ。
- (2) t がすべての実数値をとって変化するときの OQ の最小値が 1 以下となるような a, b の条件を求めよ。ただし、 O は原点である。

〔 2 〕 (配点 50 点)

この問題の解答は，解答紙 16 の定められた場所に記入しなさい。

[問題]

以下の問いに答えよ。

- (1) $y = \tan x$ とするとき， $\frac{dy}{dx}$ を y の整式で表せ。
- (2) 次の定積分を求めよ。

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\tan^4 x - \tan^2 x - 2}{\tan^2 x - 4} dx$$

〔 3 〕 (配点 50 点)

この問題の解答は、解答紙 17 の定められた場所に記入しなさい。

[問題]

以下の問いに答えよ。

- (1) n を整数とすると、 n^2 を 8 で割った余りは 0, 1, 4 のいずれかであることを示せ。
- (2) $2^m = n^2 + 3$ をみたす 0 以上の整数の組 (m, n) をすべて求めよ。

〔 4 〕 (配点 50 点)

この問題の解答は，解答紙 [18] の定められた場所に記入しなさい。

【問題】

半径 1 の円周上に反時計回りに点 A, B, C, D を順にとり，線分 AD は直径で， $AC = CD$, $AB = BC$ が成り立つとする。

- (1) $\angle ACB$ を求めよ。
- (2) BC を求めよ。
- (3) 線分 AC と線分 BD の交点を E とするとき，三角形 BCE の面積を求めよ。

〔 5 〕 (配点 50 点)

この問題の解答は、解答紙 19 の定められた場所に記入しなさい。

[問題]

1 個のさいころを 3 回続けて投げ、出る目を順に a, b, c とする。整式

$$f(x) = (x^2 - ax + b)(x - c)$$

について、以下の問いに答えよ。

- (1) $f(x) = 0$ をみたす実数 x の個数が 1 個である確率を求めよ。
- (2) $f(x) = 0$ をみたす自然数 x の個数が 3 個である確率を求めよ。