1 (30点)

- 1. 座標平面上で、点 (1,2) を通り傾き a の直線と放物線 $y=x^2$ によって囲まれる部分の面積を S(a) とする。a が $0 \le a \le 6$ の範囲を変化するとき、S(a) を最小にするような a の値を求めよ。
- 2. $\triangle ABC$ において AB=2、AC=1 とする。 $\angle BAC$ の二等分線と辺 BC の交点を D とする。AD=BD となるとき、 $\triangle ABC$ の面積を求めよ。

2 (30点)

座標平面上の点 P(x,y) が $4x+y \le 9$ 、 $x+2y \ge 4$ 、 $2x-3y \ge -6$ の範囲を動くとき、2x+y、 x^2+y^2 のそれぞれの最大値と最小値を求めよ。

30点)

1から5までの自然数を1列に並べる。どの並べかたも同様の確からしさで起こるものとする。このとき1番目と2番目と3番目の数の和と、3番目と4番目と5番目の数の和が等しくなる確率を求めよ。ただし、各並べかたにおいて、それぞれの数字は重複なく1度ずつ用いるものとする。

4

点 O を中心とする正十角形において、A、B を隣接する 2 つの頂点とする。 線分 OB 上に $OP^2 = OB \cdot PB$ を満たす点 P をとるとき、OP = AB が成立 することを示せ。

(30点)

5 (30点)

座 標 空 間 内 で 、O(0,0,0)、A(1,0,0)、B(1,1,0)、C(0,1,0)、D(0,0,1)、E(1,0,1)、F(1,1,1)、G(0,1,1) を頂点にもつ立方体を考える。

- 1. 頂点 A から対角線 OF に下ろした垂線の長さを求めよ。
- 2. この立方体を対角線 OF を軸にして回転させて得られる回転体の体積を求めよ。